

И.В. Лунёв, Р.Р. Нигматуллин, А.Ю. Завидонов, Ю.А. Гусев

Казанский государственный университет, физический факультет

Кремлевская 18, Казань, 420008, Россия

E-mail: Ivan.Lounev@ksu.ru

## ДИЭЛЕКТРИЧЕСКИЕ СВОЙСТВА ВОДЫ В ГЛИНАХ

Физические эффекты, проявляющиеся при взаимодействии воды с глинистыми минералами, играют важную роль в ряде областей строительства, геодезии, нефтедобывающей промышленности и других сферах. Крайне важно получить информацию о взаимодействии приповерхностных молекул воды с молекулярной структурой глинозёмов. Применение эффекта насыщения глин водой до "связывания" больших объёмов  $H_2O$  широко используется в строительстве. Несмотря на широкое практиче-

родная титановая измерительная ячейка с внутренним диаметром 30 мм, которая помещалась в систему терmostатирования; точность поддержания температуры составляла  $\pm 0,1^\circ C$ .

Результаты измерений мнимой части дизэлектрической проницаемости представлены на рис. 1. Для интерпретации этих измерений мы используем модель фрактальной среды, предложенной в (Mehaute et al., 1998). В этой модели проводящая среда (вода), заполняющая поровое пространство глины, описывается в терминах так называемых "рекапов" (сопротивление + ёмкость). Фактически, "рекап" представляет самоподобную RC цепочку (Рис. 2), образованную из цепей Фостера (Mehaute et al., 1998). Для образования одного «рекап-элемента» с импедансом вида

$$Z(j\omega) = C V (j\omega)^{-v} \quad (0 \leq v \leq 1)$$

составляющие элементы самоподобной RC ячейки должны подчиняться соотношениям вида

$$\frac{R_n}{R_{n+1}} = a \quad \frac{C_n}{C_{n+1}} = b ,$$

где  $a$  и  $b$  являются константами, не зависящими от частоты.

Как будет видно ниже, наши эксперименты показывают, что в глине существует два типа воды – связанная

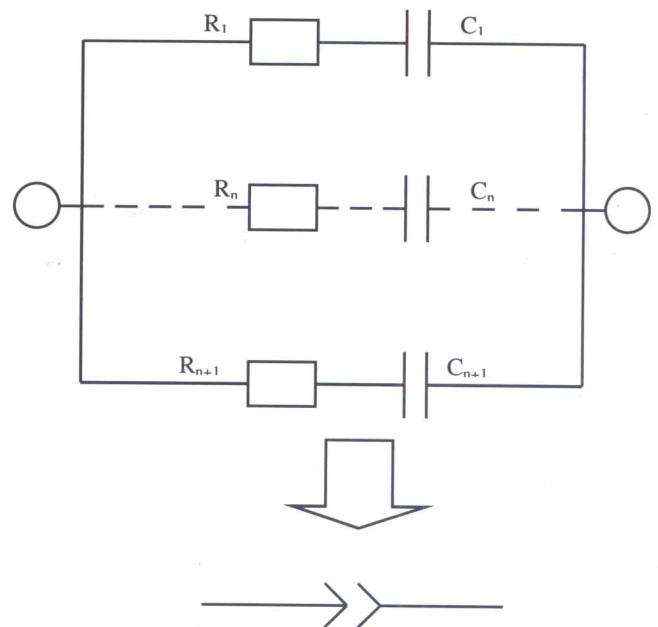


Рис. 2. Структура "рекап-элемента", удовлетворяющего критерию самоподобия цепей Фостера.

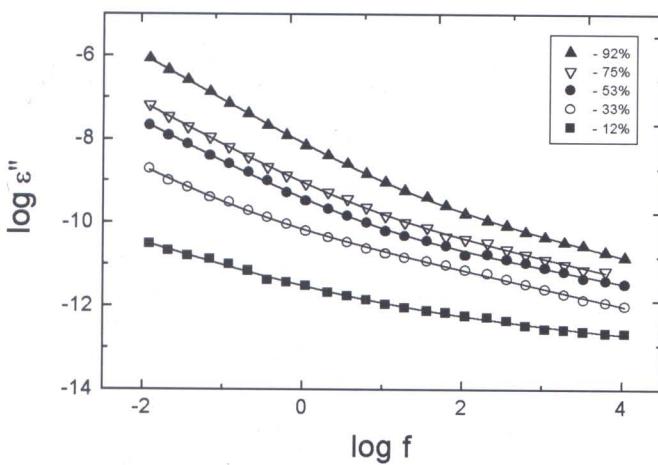


Рис. 1. Частотная зависимость  $\epsilon''(f)$  для образцов с различным содержанием воды (%). Сплошные кривые – результат теоретического расчета по формуле (3).

тическое применение этого эффекта в разных областях промышленности, механизм взаимодействия глин с водой на молекулярном и промежуточном (мезоскопическом) уровнях на настоящий момент изучен недостаточно.

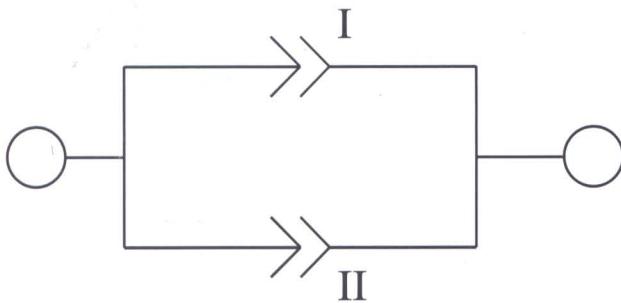
Важную информацию о характере взаимодействия воды с глином на мезоскопическом уровне могут дать данные дизэлектрической спектроскопии (Shahidi et al., 1975). Нами были получены низкочастотные спектры дизэлектрической релаксации в системе "глина-вода" для различных концентраций  $H_2O$  (12%, 33%, 52%, 75%, 92%) при температуре 22 °C. Образец глины был подготовлен в лаборатории дисперсных систем сотрудниками академика Ф.Д. Овчаренко (Украина, Киев) согласно методике, описанной в (Овчаренко, 1961). Для проведения измерений образец готовился следующим образом. Изготавливались таблетка толщиной 0,2 мм методом прессования. Образец помещался в вакуумную печь, где в течение 48 часов откачивался воздух. Насыщение водой происходило в течение 48 часов в эксикаторе над поверхностью насыщенных растворов солей. В качестве образца глины использовался каолинит кальция. Непосредственные измерения проводились на низкочастотном дизэлектрическом спектрометре "Schlumberger" в диапазоне частот от  $10^4$  до  $10^5$  Гц. Использовалась двухэлект-

вода, и вода, находящаяся в свободном объеме.

Следовательно, эквивалентная цепь среды может быть представлена в виде параллельного соединения двух "рекапов" (Рис. 3). Проводимость такого "рекапа" определяется выражением (Mehaute et al., 1998):

$$G(\omega) = C_1(j\omega)^n + C_2(j\omega)^m, \quad (1)$$

где  $C_1, C_2, n$  и  $m$  являются константами. Эти константы зависят от отношения  $\ln a / \ln b$  и определяют характер самоподобия (фрактальности) среды. Для расчета этих параметров необходима более детальная модель фракталов, которая в данном сообщении не рассматривается. Поэтому в первом приближении мы будем вычислять эти константы, аппроксимируя экспериментальные данные теоретическими формулами с использованием метода наименьших квадратов.



**Рис. 3.** "Рекап-элементы" системы "глина-вода". Связанная вода и вода в свободном объеме характеризуются индексами "I" и "II" соответственно.

меньших квадратов.

Так как на рис. 1 изображена зависимость мнимой части диэлектрической проницаемости  $\epsilon''$  от частоты, мы связываем проводимость  $G(\omega)$  и  $\epsilon''(\omega)$  с помощью формулы:

$$\epsilon''(\omega) = -\operatorname{Re} \left[ \frac{jG(\omega)}{C_0 \omega} \right] \quad (2)$$

где  $C_0$  – ёмкость ячейки спектрометра. Используя формулы (1, 2),  $\epsilon''(\omega)$  может быть записана в виде:

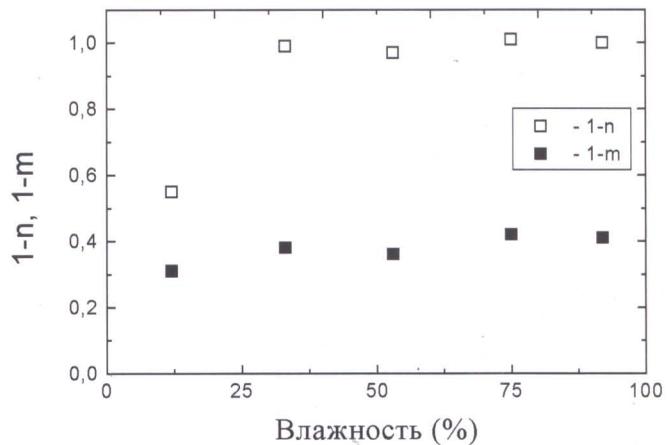
$$\epsilon''(f) = \frac{A}{f^{1-n}} + \frac{B}{f^{1-m}}, \quad (3)$$

где

$$A = \frac{C_1}{C_0} \frac{\cos(\pi n/2)}{(2\pi)^{1-n}}, \quad B = \frac{C_2}{C_0} \frac{\cos(\pi m/2)}{(2\pi)^{1-m}}.$$

Здесь  $f$  – линейная частота в герцах ( $\omega = 2\pi f$ ).

Используя метод наименьших квадратов, мы нашли параметры  $A$ ,  $B$ ,  $1-n$  и  $1-m$ , аппроксимируя экспериментальные данные формулой (3). Как видно из рис. 1, наша теория хорошо описывает экспериментальные данные.



**Рис. 4.** Зависимости показателей  $1-n$  и  $1-m$  от содержания воды (%) в образце.

Зависимости параметров  $1-n$  и  $1-m$  как функции влажности представлены на рис. 4. Из этого рисунка видно, что для образцов с влажностью больше 33% показатели  $1-n$  и  $1-m$ , в пределах ошибок экспериментальных данных и метода наименьших квадратов, практически не зависят от влажности. Так как в этой области  $1-n \sim 1$ , то член  $A/f^{1-n}$  в выражении (3) соответствует Дебаевской релаксации. Следовательно этот вклад должен быть присвоен воде, находящейся в свободном объеме.

С другой стороны, показатель  $1-m$  существенно отличается от 1 ( $1-m \sim 0.4$ ).

Это предполагает, что вклад  $B/f^{1-m}$  в (4) обусловлен связанной водой, то есть водой, покрывающей поверхность порового пространства глины. Радикальное отличие свойств связанной воды от свойств воды в свободном объеме отмечалось в (Овчаренко, 1961). Это отличие обусловлено взаимодействием воды с поверхностью порового пространства и фрактальными свойствами поверхности этого пространства (Mehaute et al., 1998; Feldman et al., 1998).

При влажности 12 % показатель  $1-n$  резко уменьшается, в то время как показатель  $1-m$  не испытывает существенных изменений (Рис. 4). Следовательно, можно предположить, что при влажности 12 % практически вся вода находится в связанном состоянии.

Таким образом, анализ экспериментальных данных показывает, что фрактальная геометрия поверхности порового пространства глин оказывает существенное влияние на частотное поведение диэлектрической проницаемости насыщающего флюида.

## Литература

Feldman Yu.D., Nigmatullin R.R., E. Polygalov, *Phys. Rev. E*. Vol. 58, 1998. 7561-7569.

Mehaute A., Nigmatullin R. R., Nivanen L. *Fleches du temps et geometrie fractale*. Paris, Hermès, 1998. 250 p.

Shahidi M., Hasted J. B., Jonsher A. K. *Nature*. Vol. 258. 1975. 595-597.

Овчаренко Ф. Д. *Гидрофильтрность глин и глинистых минералов*. Киев.: Изд-во Академии Наук Украинской ССР, 1961. 292 с.